



اختبار الرياضيات لدورة 2018
لشهادة ختم التعليم الأساسي

تمرين 1 (3ن)

(1) ب (1) ج (2) ج (3) ج (1)

1-1 ABCD متوازي أضلاع لأن قطراه يتقاطعان في المنتصف ومنه

$$y_D = -2 \text{ يعني } 0 = \frac{2+y_D}{2} \text{ يعني } \frac{y_A+y_C}{2} = \frac{y_B+y_D}{2}$$

(يمكن الإجابة على السؤال بإنجاز تعيين للنقاط)

$$13-9 = 4 \quad -2$$

$$\left. \begin{aligned} 27^{2018} - 2 \times 27^{2017} &= 27^{2017} \times (27-2) \\ &= 27^{2017} \times 25 = 15 \times 27^{2016} \times 45 = M_{15} \end{aligned} \right\} -3$$

1ن

1ن

1ن

تمرين 2 (4ن)

بعض العددين الحقيقيين لزوجين a و b حيث $a^2 = 11+6\sqrt{2}$ و $b^2 = 11-6\sqrt{2}$
(1) قارن العددين a^2 و b^2

بما أن $-6\sqrt{2} < 6\sqrt{2}$ فإن $11-6\sqrt{2} < 11+6\sqrt{2}$
يعني $b^2 < a^2$

(ب) بين أن (a-b) عدد موجب.

لدينا $b^2 < a^2$ وبما أن a و b عددين موجبيين فإن $b < a$ يعني $a-b > 0$ ومنه (a-b) عدد موجب

(2) احسب a^2b^2 ثم استنتج أن $ab = 7$

$$a^2b^2 = (11+6\sqrt{2})(11-6\sqrt{2})$$

$$= 11^2 - (6\sqrt{2})^2 = 121 - 72 = 49$$

بما أن $ab \geq 0$ و $(ab)^2 = 49 = 7^2$ فإن $ab = 7$

(3) احسب $(a-b)^2$ ثم استنتج أن $a-b = 2\sqrt{2}$

$$(a-b)^2 = a^2 + b^2 - 2ab$$

$$= 11+6\sqrt{2} + 11-6\sqrt{2} - 2 \times 7 = 8$$

لدينا:

وبما أن (a-b) عدد موجب فإن $a-b = \sqrt{8} = 2\sqrt{2}$

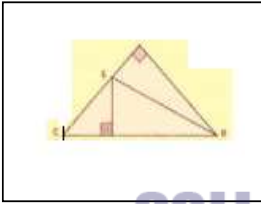
ABC مثلث متقايس الضلعين وقام في A حيث $AB = a$
E النقطة من [AC] حيث $AE = b$

(4) أ) بين أن المثلث HEC متقايس الضلعين

بما أن المثلث ABC متقايس الضلعين وقام في A فإن $\hat{ACB} = \hat{ABC} = 45^\circ$

في المثلث HEC لدينا: $\hat{CEH} = \hat{ACB} = 45^\circ$ و $\hat{CHE} = 90^\circ$

إذن $\hat{CHE} = 180 - (90 + 45) = 45^\circ$ وبالتالي المثلث HEC متقايس الضلعين (له زاويتان متقايستان) فتمه الرئيسية H



0.25

0.5

0.25

0.5

0.5

0.25

0.5





(ب) بين ان $EH = 2$

$$EC = AC - AE = a - b = 2\sqrt{2} \text{ لدينا}$$

المثلث HEC قائم ومتقايس الضلعين (وتره يمثل قطر للمربع الذي ضلعه $[EH]$)

0.5

$$EH = \frac{EC}{\sqrt{2}} = \frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 2 \text{ اذن } EC = EH\sqrt{2}$$

(5) لتكن S مساحة المثلث BEC .

(أ) بين ان $S = a\sqrt{2}$

المثلث ABC قائم ومتقايس الضلعين في A اذن $BC = AB\sqrt{2} = a\sqrt{2}$
مساحة المثلث BEC هي

$$S = \frac{BC \times EH}{2} = \frac{a\sqrt{2} \times 2}{2} = a\sqrt{2}$$

0.5

(ب) بين لهما ان $S = 2 + 3\sqrt{2}$ ثم استنتج ان $a = 3 + \sqrt{2}$

لتكن S_1 مساحة المثلث ABC و S_2 مساحة المثلث ABE

اذن

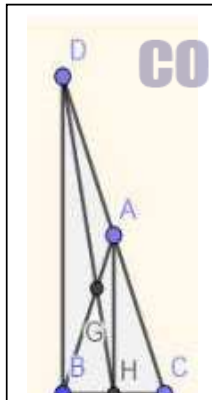
0.25

$$S = S_1 - S_2 = \frac{AB^2}{2} - \frac{AB \times AE}{2} = \frac{a^2}{2} - \frac{a \times b}{2} = \frac{11 + 6\sqrt{2} - 7}{2} = \frac{4 + 6\sqrt{2}}{2} = 2 + 3\sqrt{2}$$

$$a = \frac{2 + 3\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}(\sqrt{2} + 3)}{\sqrt{2}} = \sqrt{2} + 3 \text{ يعني } a\sqrt{2} = 2 + 3\sqrt{2}$$

0.25

تمرين 3(4)



ABC مثلث متقايس الضلعين وقيته زاوية A حيث $BC = 2$ و $AB \geq 3$
لتكن نقطة D معلقة من نقطة C بحيث في A
و H المسقط العمودي للنقطة A على المستقيم (BC) .
المستقيمان (AB) و (DH) يتقاطعان في النقطة G .
(1) بين ان المثلث BCD قائم في B .





في المثلث BCD لدينا $\left. \begin{array}{l} A \text{ منتصف } [DC] \text{ لأن } C \text{ و } D \text{ متناظرتان بالنسبة إلى } A \\ AB = AC = AD \end{array} \right\}$

0.5

اذن المثلث BCD قائم في B (وتره $[DC]$)

(ب) بين ان G مركز ثقل المثلث BCD .

المثلث ABC متساوي الساقين قمته الرئيسية A و $[AH]$ ارتفاعه الموافق للضلع $[BC]$

اذن فهو كذلك مواسطه الصادر من A ومنه H منتصف $[BC]$.

في المثلث BCD لدينا: $[BA]$ و $[DH]$ هما الواسطتين الصادرين على التوالي من B و D

0.5

اذن نقطة تقاطعهما G هي مركز ثقل هذا المثلث.

نفترض ان $AB = x + 3$ حيث x عدد حقيقي موجب.

$$(2) \text{ أ) بين ان } BD^2 = 4(x^2 + 6x + 8)$$

لدينا: $AC = AB = x + 3$ و $DC = 2AC = 2(x + 3)$

المثلث BCD قائم اذن حسب نظرية فيثاغورس فإن: $BD^2 + BC^2 = DC^2$

$$BD^2 = DC^2 - BC^2 = [2(x+3)]^2 - 2^2 = 4(x+3)^2 - 4 = 4[(x+3)^2 - 1] \\ = 4(x^2 + 6x + 9 - 1) = 4(x^2 + 6x + 8)$$

0.75

(ب) بين ان $BD = 2\sqrt{35}$ يعني $x^2 + 6x - 27 = 0$

بما ان BD موجب فإن: $BD = 2\sqrt{35}$ يعني $BD^2 = (2\sqrt{35})^2 = 140$ يعني $4(x^2 + 6x + 8) = 140$

0.5

$$\text{يعني } x^2 + 6x + 8 = \frac{140}{4} = 35 \text{ يعني } x^2 + 6x + 8 - 35 = 0 \text{ يعني } x^2 + 6x - 27 = 0$$

$$(3) \text{ أ) بين ان } x^2 + 6x - 27 = (x+3)^2 - 36$$

$$(x+3)^2 - 36 = x^2 + 6x + 9 - 36 = x^2 + 6x - 27$$

$$\text{ب) استنتج ان } x^2 + 6x - 27 = (x-3)(x+9)$$

لدينا:

0.5

$$x^2 + 6x - 27 = (x+3)^2 - 36 = (x+3)^2 - 6^2 = (x+3-6)(x+3+6) = (x-3)(x+9)$$

(ج) أوجد x حيث $BD = 2\sqrt{35}$ ، ثم استنتج البعد BG .

$BD = 2\sqrt{35}$ يعني $BD^2 = 140$ يعني $x^2 + 6x - 27 = 0$ يعني $(x-3)(x+9) = 0$ يعني $x+9=0$ او $x-3=0$ يعني $x=-9$ او $x=3$

0.5

وبما ان x عدد حقيقي موجب فإن $x=3$

نعلم ان G مركز ثقل المثلث BCD و $[BA]$ مواسطه الصادر من B اذن $BG = \frac{2}{3}BA = \frac{2}{3} \times (3+3) = 4$

0.25

تمرين 4 (5)





A و B نقطتان من المستوى، حيث $AB = 6$ و AB مماس لعمدة المستقيم $[AB]$ لكن مماس الدائرة التي قطرها $[AB]$

و C نقطة من ω ، حيث $AC = 5$.

(1) أحسب BC.

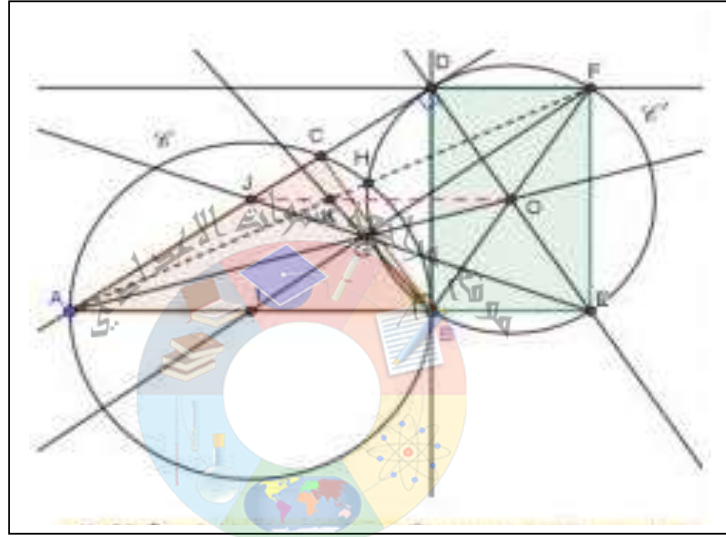
لدينا: ω دائرة و $[AB]$ قطر لها و C نقطة منها حيث $C \neq B$ و $C \neq A$ إذن المثلث ABC قائم في C

حسب نظرية فيثاغورس فإن: $BC^2 + AC^2 = AB^2$ إذن $BC^2 = AB^2 - AC^2$

$$BC^2 = 6^2 - 5^2 = 36 - 25$$

0.5

$$BC = \sqrt{11}$$



(2) المماس للدائرة ω في النقطة B يقطع (AC) في النقطة D.

إذن أن $CD = \frac{11}{5}$

المثلث ABD قائم في B و $[BC]$ ارتفاعه الصادر من B. إذن $BC^2 = AC \times CD$

0.75

$$CD = \frac{BC^2}{AC} = \frac{11}{5} \quad \text{ومنّه}$$

(ب) أحسب BD.

المثلث BCD قائم في C. حسب نظرية فيثاغورس فإن $BD^2 = BC^2 + CD^2$

$$BD^2 = \left(\frac{11}{5}\right)^2 + (\sqrt{11})^2 = \frac{121}{25} + \frac{11 \times 25}{1 \times 25} = \frac{121 + 275}{25} = \frac{396}{25} \quad \text{يعني}$$

0.5

$$BD = \sqrt{\frac{396}{25}} = \frac{6}{5} \sqrt{11} \quad \text{ومنّه}$$





3) المستقيم العمودي على (AC) في النقطة D يقطع (AB) في النقطة E. لتكن ω الدائرة التي قطرها [DE] و مركزها O. المستقيم المار من D والوازي للمستقيم (AB) يقطع ω في النقطة F مختلفة للنقطة D.

(أ) بين أن الرباعي BDFE مستطيل.

في دائرة ω قطرها [DE] ونقطة منها حيث $F \neq E$ و $F \neq D$ إذن $\widehat{FE} = 90^\circ$ ولنا $\widehat{BE} = 90^\circ$ لأن $D\hat{B}A = 90^\circ$ و $E \in (AB)$ ولنا $(DF) \parallel (AB)$ و $(DB) \perp (AB)$ إذن $(DB) \perp (DF)$ ومنه $\widehat{BDF} = 90^\circ$

بالتالي الرباعي BDFE له 3 زوايا قائمة فهو مستطيل. 0.75

(ب) الدائرتان ω و ω' تتقاطعان في نقطة H مختلفة للنقطة B. أثبت أن التقاطع A و H و F على استقامة واحدة.

المثلث AHB يقبل الأرتسام في الدائرة ω التي قطرها [AB] يمثل أحد أضلاعه إذن فهو قائم في H ومنه $(AH) \perp (BH)$ المثلث FHB يقبل الأرتسام في الدائرة ω' التي قطرها [BF] أحد أضلاعه إذن فهو قائم في H ومنه $(FH) \perp (BH)$ إذن $(FH) \parallel (AH)$ وبالتالي التقاطع A و H و F على استقامة واحدة. 0.5

4) المستقيمان (AO) و (FI) يتقاطعان في نقطة G والمستقيمان (BG) و (AF) يتقاطعان في نقطة K. (أ) بين أن K منتصف [AF].

في المثلث ABF لدينا: $[AO]$ هو الوسيط الصادر من A و $[FI]$ هو الوسيط الصادر من F و $(FI) \cap (AO) = \{G\}$ وبما أن

فإن G مركز ثقل المثلث ABF ومنه $AG = \frac{2}{3}AO$ (BG) هو المستقيم الحامل للموسط الصادر من B. وحيث أن $(BG) \cap (AF) = \{K\}$ فإن K منتصف [AF]. 0.75

(ب) أثبت أن G مركز ثقل المثلث AED. 0.25

[AO] هو الوسيط الصادر من A للمثلث ADE ولنا $G \in [AO]$ بحيث $AG = \frac{2}{3}AO$ وبالتالي G مركز ثقل المثلث AED.

ج) المستقيمان (EG) و (AD) يتقاطعان في النقطة J. بين أن التقاطع J و K و O على استقامة واحدة. 0.75

لنا G مركز ثقل المثلث ADE إذن (EG) هو المستقيم الحامل للموسط الصادر من E وحيث أن $(EG) \cap (AD) = \{J\}$ فإن J منتصف [AD].

في المثلث ABF لنا: O منتصف [BF] و K منتصف [AF] إذن $(OK) \parallel (AB)$ في المثلث ADE لنا: O منتصف [DE] و J منتصف [AD] إذن $(OJ) \parallel (AE)$ وبما أن $(AB) = (AE)$ فإن $(OK) \parallel (OJ)$ ومنه التقاطع J و K و O على استقامة واحدة.





ليكن ABCDEFGH متوازي مستطيلات حيث $AB=6$ و $AE=4$ و $AD=3$
(1) بين ان ADG مثلث قائم في D .

لدينا: $\left. \begin{array}{l} (AD) \perp (DC) \\ (AD) \perp (DH) \end{array} \right\}$ لان $(ABCD)$ مستطيل و $(ADHE)$ مستطيل

وبما ان المستقيمين (DC) و (DH) محتويين في المستوي (DCG) ومقاطعين في D

0.5

فان (AD) يعامد المستوي (DCG) في D .

ولنا $(DG) \subset (DCG)$ اذن $(AD) \perp (DG)$ في D ومنه المثلث ADG قائم في D .

(ب) احسب AG و DG .

المثلث DCG قائم في C . اذن حسب نظرية فيثاغورس فان: $DG^2 = DC^2 + CG^2$

$$DG^2 = 6^2 + 4^2 = 36 + 16 = 52$$

0.5

$$DG = \sqrt{52} = 2\sqrt{13} \quad \text{اذن}$$

$[AG]$ هو قطر لمتوازي المستطيلات $ABCDEFGH$ اذن

0.5

$$AG = \sqrt{DC^2 + AD^2 + AE^2} = \sqrt{6^2 + 4^2 + 3^2} = \sqrt{61}$$

(2) لتكن M النقطة من $[AE]$ حيث $AM = 3$ و Δ المستقيم العمودي على المستوي (AED) في النقطة M .

3ق

(1) بين ان Δ محتو في المستوي (AEF) .

0.5

لدينا: $\left. \begin{array}{l} (EF) \perp (EA) \\ (EF) \perp (EH) \\ (EA) \subset (AED) \\ (EH) \subset (AED) \\ (EA) \cap (EH) = \{E\} \end{array} \right\}$ اذن $(EF) \perp (AED)$ ولنا $\Delta \perp (AED)$ في M

ومنه $(EF) \parallel \Delta$ وبالتالي هما محتويان في مستوي واحد يمر من E و F و M اذن $\Delta \subset (MEF) = (AEF)$

(ب) المستقيم Δ يقطع المستقيم (AF) في النقطة N . بين ان $\frac{AM}{AE} = \frac{MN}{EF}$

في المثلث AEF لنا: $M \in (AE)$ و $N \in (AF)$ حيث $(MN) \parallel (EF)$

0.75

حسب مبرهنة طالس في المثلث فان: $\frac{AM}{AE} = \frac{AN}{AF} = \frac{MN}{EF}$ بالتالي $\frac{AM}{AE} = \frac{MN}{EF}$

(ج) احسب MN ثم DN .

0.25

$$MN = \frac{3 \times 6}{4} = \frac{9}{2} = 4,5$$

$$\text{لنا } \frac{AM}{AE} = \frac{MN}{EF} \text{ اذن } \frac{3}{6} = \frac{MN}{6} \text{ يعني } \frac{3}{4} = \frac{MN}{6}$$

لحساب DN نحسب أولاً DM

المثلث ADM قائم ومقاس الضلعين في A اذن $DM = \sqrt{2} \times AD = 3\sqrt{2}$

0.25

لدينا: $\left. \begin{array}{l} (MN) \perp (AED) \\ (DM) \subset (AED) \end{array} \right\}$ ومنه $(MN) \perp (DM)$ في M

وبالتالي المثلث DMN قائم في M اذن حسب نظرية فيثاغورس:

$$DN^2 = DM^2 + MN^2 = (3\sqrt{2})^2 + \left(\frac{9}{2}\right)^2 = 18 + \frac{81}{4} = \frac{153}{4}$$

0.25

$$\text{ومنه } DN = \sqrt{\frac{153}{4}} = \frac{3}{2}\sqrt{17}$$





(3) أحسب حجم الهرم NMAD .

لنا $\Delta \perp (AED)$ في M و N نقطة من Δ . إذن $[NM]$ هو ارتفاع الهرم NMAD

$$V = \frac{1}{3} \times \frac{AD \times AM}{2} \times NM \quad \text{وبالتالي حجمه هو}$$

0.5

$$= \frac{1}{3} \times \frac{3 \times 3}{2} \times \frac{9}{2} = \frac{27}{4} \text{ cm}^3$$



COLLEGE.MOURAJAA.COM



من
2015
إلى
2025

جميع مناظرات

السنة التاسعة أساسي

العربية • رياضيات • English • Français • علوم الحياة والأرض

من 2015 إلى 2025

مع الإصلاح الرسمي

جميع المناظرات مع الإصلاح الرسمي



لماذا هذا الكتاب؟

- ✓ جميع مناظرات السنوات من 2015 إلى 2025
- ✓ إصلاح رسمي ومفصل
- ✓ إعداد شامل لكل المواد
- ✓ تصميم واضح وسهل الفهم

البك الكامل (جميع المواد)

مادة واحدة



72 دينار

5 كتب = تحضير شامل للمناظرة



23 دينار

اختر مادتك وابدأ التحضير



22 469 756 / 29 321 559



جميع المناظرات
من 2015 إلى 2025



مع الإصلاح
الرسمي



مناظرات
النوqيام



تحضير ممتاز
للمناظرة



لكل المواد
في كتاب واحد

قام بالتجميع والإعداد

موقع مراجعة إعدادي



اطلب الآن
وتأمن نجاحك في المناظرة